CURSO: SISTEMAS DE ACTUACIÓN EN MECATRÓNICA

Video 04 — Parte 2B: Engranes, Trenes Planetarios, Trinquete, Bandas, Cadenas y Cojinetes | Parte 2: Sistemas de Actuación Mecánica y Transmisión de Movimiento (Sección B)

1. Síntesis Técnica y Objetivos de Ingeniería

TRANSMISIONES MECANICAS: ENGRANES EVOLVENTES, TRENES PLANETARIOS, BANDAS Y RODAMIENTOS L10

Modulo m=d/Z, Ecuacion de Willis, Trinquete Indexador, Bandas Sincronas GT2/HTD, Cadenas y Vida Nominal L10

- 1. Ley fundamental del engrane (perfil evolvente, angulo de presion 20 deg, modulo m = d/Z) y tipos: rectos, helicoidales, conicos y sinfin.
- 2. Trenes simples, compuestos y planetarios epicicloidales (Ecuacion de Willis y reduccion i = 1 + Zr/Zs) con control de Backlash.
- 3. Rueda dentada y trinquete (ratchet & pawl), bandas planas/V/dentadas sincronas (Euler T1/T2 = e^(mu*theta)) y cadenas de rodillos.
- 4. Cojinetes de deslizamiento (bujes bronce/PTFE) vs rodamientos de bolas, contacto angular, agujas y conicos: vida L10 = (C/P)^p.

ECUACIONES DE ENGRANES, PLANETARIOS Y BANDAS

- `Modulo Metrico : m = d / Z [mm] | Paso pc = pi * m`
- `Distancia entre Ejes : C = m * (Z1 + Z2) / 2`
- `Tren Compuesto : i_tot = Product(Z_cond) / Product(Z_mot)`
- `Ensamblaje Planetario : Z_corona = Z_sol + 2 * Z_planeta`
- `Ecuacion de Willis : (w_s - w_c) / (w_r - w_c) = -Z_r / Z_s`
- `Planetario Corona Fija: i = w_sol / w_portador = 1 + (Z_r / Z_s)`
- `Potencia en Banda : P = (T1 - T2) * v con T1/T2 = e^(mu*th)`

CALCULO DE VIDA NOMINAL DE RODAMIENTOS (ISO 281)

- Carga Dinamica Equiv. : P = X * F_radial + Y * F_axial [N]
- Vida en Millones Rev. : L_10 = (C / P)^p
- - Para rodamientos de BOLAS : exponente p = 3
- - Para rodamientos de RODILLOS: exponente p = 10/3 = 3.33
- Vida en Horas de Serv.: L_10h = (10^6 / (60 * n_RPM)) * (C / P)^p

2. Plano 1: Banco de Potencia y Protoboard (2200x1350)

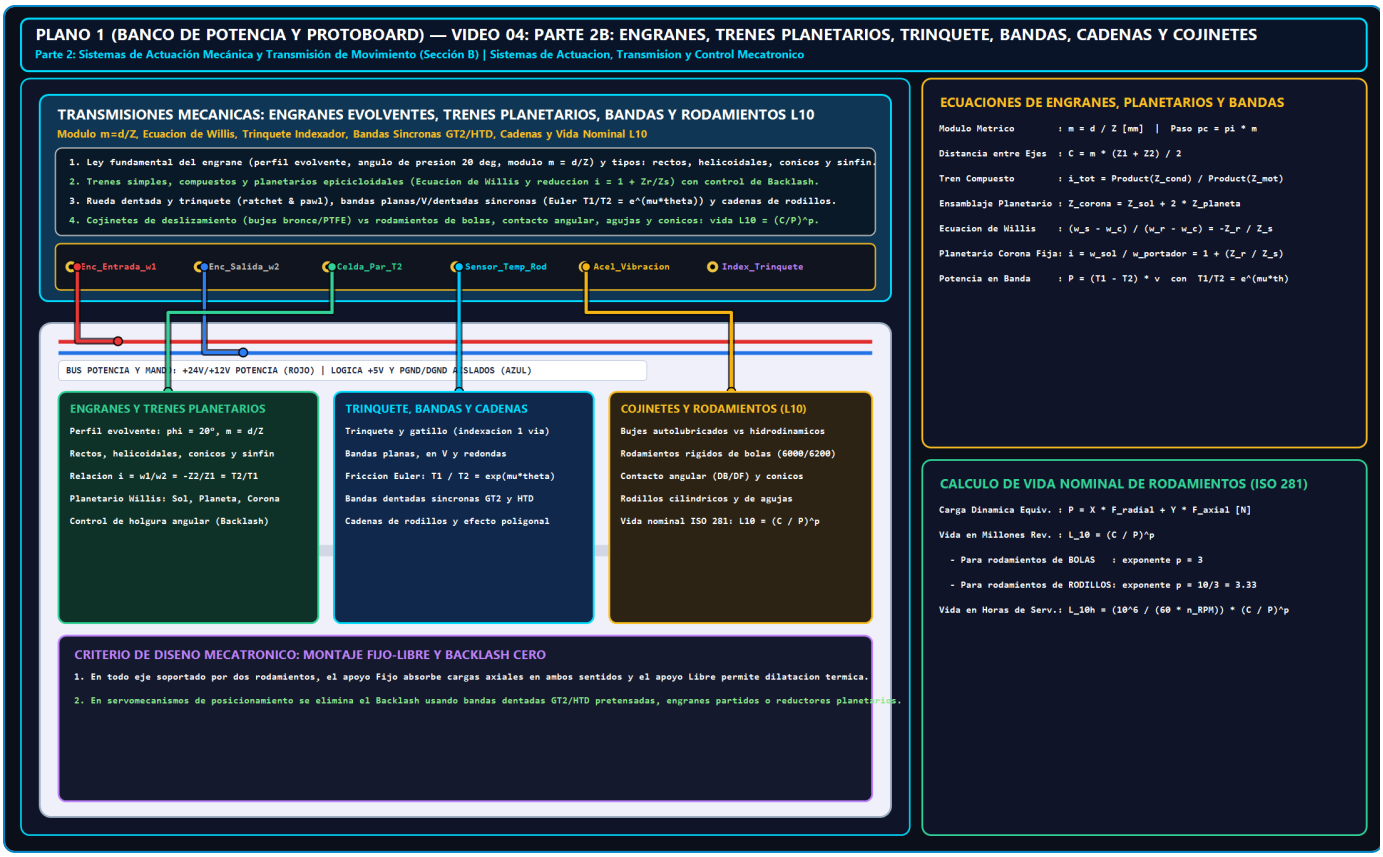


Figura 1: Plano de interconexión de potencia, comando y realimentación para el Video 04.

3. Plano 2: Arquitectura de Placa PCB FR-4 y Flujo de Potencia (2200x1350)

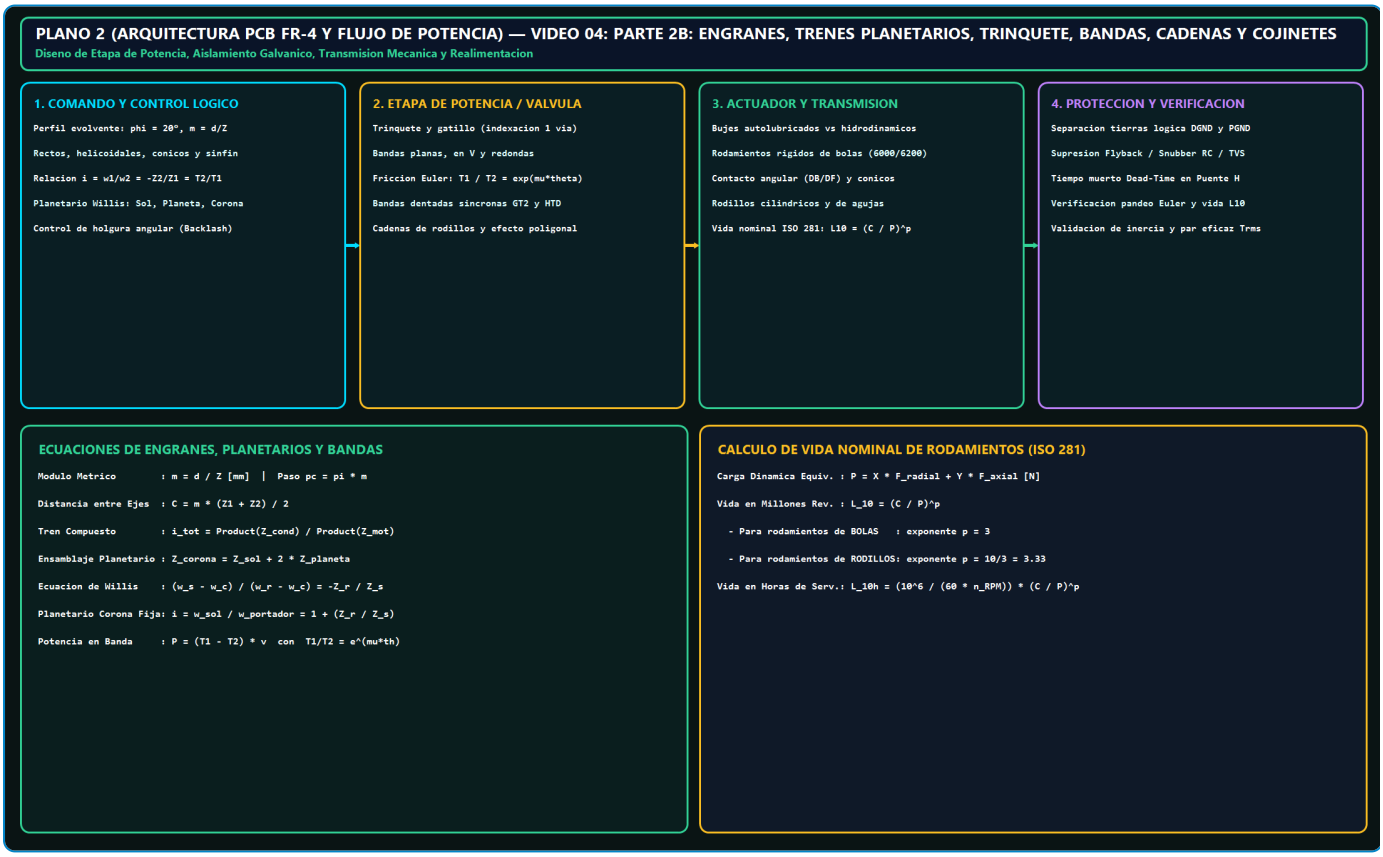


Figura 2: Arquitectura en cuatro etapas, separación de tierras lógica/potencia y criterios de protección.

4. Diagrama 3: Curvas Características y Cinemática (1800x1100)

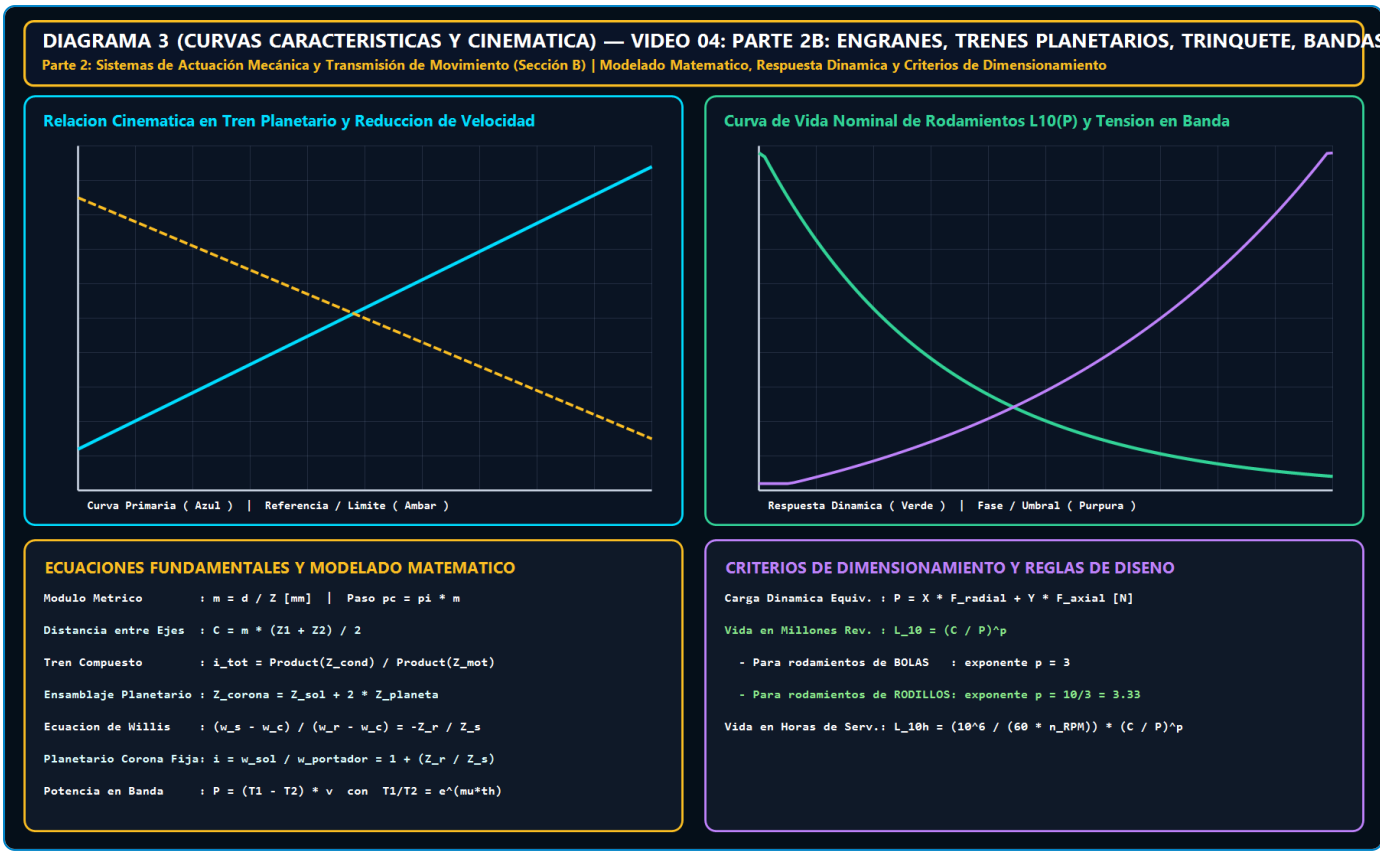


Figura 3: Gráficas de comportamiento dinámico, perfiles cinemáticos y ecuaciones de diseño del Video 04.

5. Firmware de Control de Actuadores en C++ (.ino)

```
// ============================================================================
// CURSO: SISTEMAS DE ACTUACION EN MECATRONICA
// VIDEO 04: Parte 2B: Engranes, Trenes Planetarios, Trinquete, Bandas, Cadenas y Cojinetes
// Archivo: firmware_actuadores_video_04.ino
// Descripcion: Control determinista de actuadores (electrovalvulas 5/2,
//              solenoide Pick-and-Hold PWM, puente H con rampa, motor paso a
//              paso y lazos en cascada de posicion/velocidad/corriente).
// ============================================================================

#include <Arduino.h>

// Definicion de pines de potencia y sensores de realimentacion
const int PIN_VALVULA_5_2_Y1  = 2;   // Solenoide avance cilindro A+
const int PIN_VALVULA_5_2_Y2  = 3;   // Solenoide retroceso cilindro A-
const int PIN_STEP_DRIVER     = 4;   // Pulso STEP para motor paso a paso
const int PIN_DIR_DRIVER      = 5;   // Direccion DIR motor paso a paso
const int PIN_PWM_SOLENOIDE   = 6;   // Salida PWM Pick-and-Hold
const int PIN_FRENO_EJE_Z     = 7;   // Freno Fail-Safe 24V DC
const int PIN_PWM_PUENTE_H_A  = 9;   // Canal A Puente H (20 kHz / PWM)
const int PIN_PWM_PUENTE_H_B  = 10;  // Canal B Puente H
const int PIN_CORRIente_SHUNT = A0;  // Medicion de corriente de armadura Ia

// Parametros de control cascada y rampa trapezoidal
float consignaPosicionRad     = 3.14159f; // 180 grados
float posicionActualRad       = 0.0f;
float velocidadActualRadS     = 0.0f;
const float KP_POS            = 18.0f;
const float KV_FF             = 0.95f;
const float KP_VEL            = 2.40f;
const float KI_VEL            = 15.0f;
float integradorVel           = 0.0f;

// Funcion de excitacion inteligente Pick-and-Hold para solenoide lineal
void accionarSolenoidePickAndHold(bool activar) {
  static bool estadoPrevio = false;
  static unsigned long tEncendido = 0;

  if (!activar) {
    analogWrite(PIN_PWM_SOLENOIDE, 0);
    estadoPrevio = false;
    return;
  }
  if (!estadoPrevio) {
    // Fase PICK: 100% de ciclo de trabajo (255) durante 40 ms para vencer entrehierro g
    analogWrite(PIN_PWM_SOLENOIDE, 255);
    tEncendido = millis();
    estadoPrevio = true;
  } else if (millis() - tEncendido >= 40) {
    // Fase HOLD: 30% de ciclo de trabajo (77/255) -> reduce 91% la potencia I^2*R
    analogWrite(PIN_PWM_SOLENOIDE, 77);
  }
}

// Lazo en cascada Posicion (P + Feedforward) -> Velocidad (PI) -> PWM Puente H
int ejecutarControlCascadaServo(float posRef, float velRefFF, float posMed, float velMed, float dt) {
  float errorPos = posRef - posMed;
  float cmdVel   = (KP_POS * errorPos) + (KV_FF * velRefFF);

  float errorVel = cmdVel - velMed;
  integradorVel  = constrain(integradorVel + errorVel * dt, -12.0f, 12.0f);
  float cmdParIq = (KP_VEL * errorVel) + (KI_VEL * integradorVel);

  int pwmOut = (int)constrain(cmdParIq * 25.0f, -255.0f, 255.0f);
  if (pwmOut >= 0) {
```

```
    analogWrite(PIN_PWM_PUENTE_H_A, pwmOut);
    analogWrite(PIN_PWM_PUENTE_H_B, 0);
  } else {
    analogWrite(PIN_PWM_PUENTE_H_A, 0);
    analogWrite(PIN_PWM_PUENTE_H_B, -pwmOut);
  }
  return pwmOut;
}

void setup() {
  Serial.begin(115200);
  pinMode(PIN_VALVULA_5_2_Y1, OUTPUT);
  pinMode(PIN_VALVULA_5_2_Y2, OUTPUT);
  pinMode(PIN_STEP_DRIVER, OUTPUT);
  pinMode(PIN_DIR_DRIVER, OUTPUT);
  pinMode(PIN_PWM_SOLENOIDE, OUTPUT);
  pinMode(PIN_FRENO_EJE_Z, OUTPUT);
  pinMode(PIN_PWM_PUENTE_H_A, OUTPUT);
  pinMode(PIN_PWM_PUENTE_H_B, OUTPUT);

  // Secuencia segura de liberacion de freno vertical Z
  digitalWrite(PIN_FRENO_EJE_Z, HIGH);
}

void loop() {
  static unsigned long tPrev = 0;
  unsigned long tNow = millis();

  // Periodo de muestreo de control Ts = 5 ms (200 Hz)
  if (tNow - tPrev >= 5) {
    float dt = (tNow - tPrev) / 1000.0f;
    tPrev = tNow;

    accionarSolenoidePickAndHold(true);
    int pwmAplicado = ejecutarControlCascadaServo(consignaPosicionRad, 0.0f, posicionActualRad,
velocidadActualRadS, dt);

    // Simulacion cinematica de planta de primer orden para telemetria
    velocidadActualRadS += (pwmAplicado * 0.04f - velocidadActualRadS * 0.8f) * dt;
    posicionActualRad   += velocidadActualRadS * dt;

    Serial.print("{\"video\":04,\"pos_rad\":");
    Serial.print(posicionActualRad, 4);
    Serial.print(",\"vel_rads\":");
    Serial.print(velocidadActualRadS, 3);
    Serial.print(",\"pwm\":");
    Serial.print(pwmAplicado);
    Serial.println("}");
  }
}
```

6. Script de Dimensionamiento, Cinemática e Inercia en Python (.py)

```
#!/usr/bin/env python3
# -*- coding: utf-8 -*-
"""
================================================================================
CURSO: SISTEMAS DE ACTUACION EN MECATRONICA
VIDEO 04: Parte 2B: Engranes, Trenes Planetarios, Trinquete, Bandas, Cadenas y Cojinetes
Archivo: dimensionamiento_y_cinematica_video_04.py
Descripcion: Herramienta de ingenieria para calculo de cilindros neumaticos/
             hidraulicos, carga critica de pandeo de Euler, valvulas Cv/Kv,
             leva cicloidal, trenes planetarios (Willis), vida de rodamientos
             L10, inercia reflejada y par continuo eficaz T_rms.
================================================================================
"""

import math
from typing import Dict, List

def dimensionar_cilindro_y_euler(
    diam_embolo_mm: float,
    diam_vastago_mm: float,
    presion_bar: float,
    longitud_libre_mm: float,
    modulo_young_gpa: float = 210.0,
    factor_fr: float = 0.10
) -> Dict[str, float]:
    """Calcula fuerzas de avance/retroceso y carga critica de pandeo de Euler."""
    d_m = diam_embolo_mm / 1000.0
    dv_m = diam_vastago_mm / 1000.0
    p_pa = presion_bar * 1e5

    a1 = math.pi * (d_m ** 2) / 4.0
    a2 = math.pi * (d_m ** 2 - dv_m ** 2) / 4.0

    f_av_real = p_pa * a1 * (1.0 - factor_fr)
    f_ret_real = p_pa * a2 * (1.0 - factor_fr)

    # Momento de inercia del vastago I = pi * d^4 / 64 y carga de Euler F_K
    inercia_i = (math.pi * (dv_m ** 4)) / 64.0
    e_pa = modulo_young_gpa * 1e9
    lk_m = longitud_libre_mm / 1000.0
    f_euler = (math.pi ** 2) * e_pa * inercia_i / (lk_m ** 2)

    return {
        "fuerza_avance_N": round(f_av_real, 2),
        "fuerza_retroceso_N": round(f_ret_real, 2),
        "carga_critica_euler_N": round(f_euler, 2),
        "factor_seguridad_pandeo": round(f_euler / max(1.0, f_av_real), 2)
    }

def cinematica_leva_cicloidal(elevacion_mm: float, beta_rad: float, omega_rads: float, theta_rad: float) ->
Dict[str, float]:
    """Evalua desplazamiento s, velocidad v, aceleracion a y sacudida Jerk en leva cicloidal."""
    u = theta_rad / beta_rad
    s = elevacion_mm * (u - math.sin(2.0 * math.pi * u) / (2.0 * math.pi))
    v = (elevacion_mm * omega_rads / beta_rad) * (1.0 - math.cos(2.0 * math.pi * u))
    a = (2.0 * math.pi * elevacion_mm * (omega_rads ** 2) / (beta_rad ** 2)) * math.sin(2.0 * math.pi * u)
    j = (4.0 * (math.pi ** 2) * elevacion_mm * (omega_rads ** 3) / (beta_rad ** 3)) * math.cos(2.0 * math.pi *
u)
    return {"s_mm": round(s, 4), "v_mms": round(v, 3), "a_mms2": round(a, 2), "jerk_mms3": round(j, 1)}

def dimensionar_servomotor_inercia_y_rms(
    masa_carga_kg: float,
    paso_husillo_mm: float,
    reduccion_i: float,
```

```
    eficiencia_eta: float,
    inercia_motor_kgm2: float,
    aceleracion_rads2: float,
    par_carga_const_nm: float,
    tiempos_s: List[float]
) -> Dict[str, float]:
    """Calcula la inercia reflejada al eje del motor, el par pico y el par eficaz T_rms."""
    p_m = paso_husillo_mm / 1000.0
    j_carga = masa_carga_kg * ((p_m / (2.0 * math.pi)) ** 2)
    j_ref = j_carga / ((reduccion_i ** 2) * eficiencia_eta)
    ratio_inercia = j_ref / inercia_motor_kgm2

    t_acel = (inercia_motor_kgm2 + j_ref) * aceleracion_rads2
    t1_pico = t_acel + par_carga_const_nm
    t2_const = par_carga_const_nm
    t3_fren = par_carga_const_nm - t_acel
    t4_reposo = 0.0

    t_tot = sum(tiempos_s)
    t_rms = math.sqrt(
        (t1_pico**2 * tiempos_s[0] + t2_const**2 * tiempos_s[1] + t3_fren**2 * tiempos_s[2] + t4_reposo**2 *
tiempos_s[3]) / t_tot
    )
    return {
        "J_reflejada_kgm2": round(j_ref, 7),
        "relacion_inercia_RJ": round(ratio_inercia, 2),
        "par_pico_Nm": round(t1_pico, 3),
        "par_eficaz_Trms_Nm": round(t_rms, 3)
    }

if __name__ == "__main__":
    print("=== REPORTE DE ACTUACION MECATRONICA - VIDEO 04: Parte 2B: Engranes, Trenes Planetarios, Trinquete,
Bandas, Cadenas y Cojinetes ===")
    print("Cilindro 50/20 mm a 6 bar:", dimensionar_cilindro_y_euler(50.0, 20.0, 6.0, 350.0))
    print("Leva Cicloidal (L=25mm, th=45 deg):", cinematica_leva_cicloidal(25.0, math.pi / 2.0, 10.0, math.pi
/ 4.0))
    print("Dimensionamiento Servo:", dimensionar_servomotor_inercia_y_rms(25.0, 10.0, 3.0, 0.90, 4.5e-5,
1200.0, 0.25, [0.15, 0.20, 0.15, 0.20]))
```